



# Initiation au langage OCaml.

Didier Rémy  
Janvier 2006

[http://pauillac.inria.fr/~remy/ocaml/.](http://pauillac.inria.fr/~remy/ocaml/)  
[http://www.enseignement.polytechnique.fr/profs/informatique/Didier.Remy/ocaml/.](http://www.enseignement.polytechnique.fr/profs/informatique/Didier.Remy/ocaml/)

Travaux Dirigés avec Fabrice Le Fessant et Maxence Guesdon  
avec les contributions significatives de  
Luc Maranget, David Monniaux, et Benjamin Monate

## Calendrier

Jour	Heure	Groupe 1	Groupe 2
Mardi 03	08 :30 - 09 :00	présentation Majeure	
	09 :15 - 10 :45	Cours Caml	
	11 :00 - 12 :30	Cours C	
Mardi 03	13 :45 - 15 :45	Caml	C
	16 :00 - 18 :00	C	Caml
Mercredi 04	08 :00 - 10 :00	Caml	C
	10h :15 - 12 :15	C	Caml
Vendredi 06	13 :45 - 15 :45	C	Caml
	16 :00 - 18 :00	Caml	C
Mercredi 11	08 :00 - 10 :00	Caml	C
	10h :15 - 12 :15	C	Caml

Slide 1

## Motivation

### Pour l'enseignement

Le langage OCaml est utilisé en particulier

- Langages de Programmation (majeure 1)
- Modularité, Objets, et Types (majeure 1)
- Programmation Système (majeure 2)
- Compilation (majeure 2)
- + Certains stages d'options en informatique.

Slide 2

### Après l'X

- Connaître différents langages de programmation pour choisir le mieux approprié dans chaque situation.
- Le langage OCaml (où d'autres langages de la même famille) sont de plus en plus utilisés dans l'industrie.  
Voir les infos en ligne, *e.g.* FFT. Récemment choisi pour des outils système de la distribution Lindow de Linux!

## Avertissement

Cette introduction succincte au langage OCaml a pour but de vous permettre de vous débrouiller avec le langage OCaml.

Ce n'est qu'un survol du langage, vu sous l'angle de la pratique.

- Les exemples sont simples et classiques.
- Les constructions de bases sont présentées, mais avec très peu d'exemples.
- Les constructions particulières au langage OCaml telles que l'utilisation des fonctions d'ordre supérieur, du filtrage ou du polymorphisme mériteraient plus de considération et d'exercices.

Il doit vous permettre de vous exercer ensuite :

- en suivant les travaux dirigés,
- dans les autres cours (langages de programmation, compilation, programmation système), ou
- seul, à partir des nombreux exercices en ligne.

Slide 3

## Apprentissage d'un langage

**Par la pratique** exercez-vous!

**Par couper/coller**

- regarder les solutions des exercices ;
- réutiliser en le modifiant pour l'adapter du code déjà écrit,
- y compris le vôtre.

Slide 4

**En se référant à la définition du langage**

- la documentation : le manuel de référence, la librairie du noyau et les librairies standards ;
- le tutorial, l'expérience des autres (FAQ) ;
- introspection d'OCaml ;
- les librairies développées par les utilisateurs (voir aussi la page ocaml).

**Profiter des informations en ligne** rassemblées dans la bosse.

## La petite histoire

OCaml est le fruit de développements récents et continus :

1975 Robin Milner propose ML comme méta-langage (langage de script) pour l'assistant de preuve LCF.

Il devient rapidement un langage de programmation à part entière.

1981 Premières implantations de ML

1985 Développement de Caml à l'INRIA. et en parallèle, de Standard ML à Edinburgh, de "SML of New-Jersey", de Lazy ML à Chalmers, de Haskell à Glasgow, etc.

1990 Implantation de Caml-Light par X. Leroy and D. Doligez

1995 Compilateur vers du code natif + système de modules

1996 Objets et classes (OCaml)

2001 Arguments étiquetés et optionnels, variantes.

2002 Méthodes polymorphes, librairies partagées, *etc.*

2003 Modules récursifs, private types, *etc.*

Slide 5

## Domaines d'utilisation du langage OCaml

Un langage d'usage général avec des domaines de prédilection.

### Domaines de prédilection

- Calcul symbolique : Preuves mathématiques, compilation, interprétation, analyses de programmes.
- Prototypage rapide. Langage de script. Langages dédiés.
- Programmation distribuée (bytecode rapide).

Slide 6

### Enseignement et recherche

- Classes préparatoires.
- Utilisé dans de grandes universités (Europe, US, Japon, etc.).

## Domaines d'utilisation du langage OCaml

Mais aussi...

### Industrie

- Startups, CEA, EDF, France Telecom, Simulog,...

### Gros Logiciels

- Coq, Ensemble, ASTREE, (voir la bosse d'OCaml)

Slide 7

### Plus récemment, outils système

- Unison,
- MLdonkey (peer-to-peer),
- Libre cours (Site WEB),
- Lindows (outils système pour une distribution de Linux)

## Quelques mots clés

Le langage OCaml est :

- *fonctionnel* : les fonctions sont des valeurs de première classe, elles peuvent être retournées en résultat et passées en argument à d'autres fonctions.
- *à gestion mémoire automatique* (comme JAVA)
- *fortement typé* : le typage garantit l'absence d'erreur (de la machine) à l'exécution.
- *avec synthèse de types* : les types sont facultatifs et synthétisés par le système.
- *compilé ou interactif* (mode interactif = grosse calculatrice)

Slide 8

De plus le langage possède :

- *une couche à objets* assez sophistiquée,
- *un système de modules* très expressif.

## Premiers pas en OCaml.

## Le mode compilé

### Éditer le source

```
hello.ml  
print_string "Hello World!\n";  
hello.ml
```

Slide 9

### Compiler, lier et exécuter

```
Sous le Shell d'Unix  
ocamlc -o hello hello.ml  
./hello  
Hello World!  
Sous le Shell d'Unix
```

## Le mode interprété

Mode interactif avec l'utilisateur :

Slide 10

```
Sous le shell d'Unix  
ocaml  
Objective Caml version 3.06  
print_string "Hello World!\n";  
Hello World!  
- : unit = ()  
let euro x = floor (100.0 *. x /. 6.55957) *. 0.01;;  
val euro : float -> float = <fun>  
let baguette = 4.20;;  
val baguette : float = 4.2  
euro baguette;;  
- : float = 0.64  
exit 0;;  
Sous le shell d'Unix
```

## Utilisation du mode interprété

Comme une grosse calculette

Pour la mise au point des programmes

Évaluation des phrases du programme en cours de construction  
(utilisation avec un éditeur)

Slide 11

Comme langage de script...

`% ocaml < bienvenue.ml` équivalent à la version interactive  
`% ocaml bienvenue.ml` idem, mais suppression des messages

*Conseil Il faut savoir que le mode interprété existe, qu'il peut parfois aider à la mise au point, mais à part pour ces usages très particuliers, nous le déconseillons de façon générale, surtout pour les débutants qui peuvent être déroutés par l'évaluation incrémentale des phrases d'un programme.*

*On peut également en faire un script directement exécutable en indiquant le chemin absolu de ocaml précédé de #! sur la première ligne du fichier :*

```
----- bonjour -----  
#!/usr/bin/ocamlrun /usr/bin/ocaml  
  
print_string "Bonjour!"; print_newline();  
----- bonjour -----  
  
----- Sous le Shell d'Unix -----  
chmod +x bonjour  
bonjour  
----- Sous le Shell d'Unix -----
```

Slide 12

## Le mode caml pour Emacs

### Installation (si nécessaire)

Insérer le contenu de `~remy/emacs/ocaml.emacs`  
à la fin de votre fichier `~/.emacs`  
(Quitter `emacs` après l'installation.)

### Slide 13

#### Édition et compilation

- le mode OCaml doit être sélectionné automatiquement à l'ouverture d'un fichier se terminant avec le suffixe `.ml` ou `.mli`. Par exemple, ouvrir un fichier `bienvenue.ml` et un menu Caml doit apparaître dans la bar de menus.  
Écrire les phrases dans ce fichier.
- Exécuter la comande **Compile** dans le menu **Caml** (ou son équivalent clavier `CONTROL-C CONTROL-C`). Modifier si besoin la commande proposée par défaut.  
Tapez `RETURN`.

- Documentation interactive : placer le curseur sur ou juste après un identificateur. Appeler la commande **Help for identifier** dans le menu **Caml** (ou son équivalent clavier `META-CONTROL-H`).

#### Version interactive : au choix

- Ouvrir un fichier `bienvenue.ml`,  
Écrire les phrases dans ce fichier,  
Exécuter la commande **Eval phrase** dans le menu **Caml**.  
(éventuellement, appeler **Start subshell** dans le menu **Caml**.)
- Appeler directement OCaml par la commande **Run caml**

### Slide 14

#### Mode interprété

**Mode vi** déconseillé : les accros sont laissés à eux-mêmes.

## Les programmes

Un *programme* est une suite de *phrases* :

- Slide 15**
- définition de valeur `let x = e`
  - définition de fonction `let f x1 ... xn = e`
  - définition de fonctions mutuellement récursives `let [ rec ] f1 x1 ... = e1 ... [ and fn xn ... = en ]`
  - définition de type(s) `type q1 = t1... [ and qn = tn ]`
  - expression `e`

Les phrases se terminent par `;` ; optionnel entre des déclarations, mais obligatoires sinon.

*(\* Cela est un commentaire (\* et ceci un commentaire à l'intérieur d'un commentaire \*) sur plusieurs lignes \*)*

## Les expressions

- Slide 16**
- définition locale `let x = e1 in e2`  
(définition locale de fonctions mutuellement récursives)
  - fonction anonyme `fun x1 ... xn -> e`
  - appel de fonction `f e1 ... en`
  - variable `x` (*M.x* si *x* est défini dans le module *M*)
  - valeur construite `(e1, e2)`  
dont les constantes `1, 'c', "aa"`
  - analyse par cas `match e with p1->e1... | pn->en`
  - boucle for `for i = e0 to ef do e done`
  - boucle while `while e0 do e done`
  - conditionnelle `if e1 then e2 else e3`
  - une séquence `e; e'`
  - parenthèses `(e) begin e end`

## Un vrai petit programme

Slide 17

```
ls.ml
let all = Sys.readdir ".";;
let filter p =
  Array.fold_left
    (fun res x -> if p x then x :: res else res) [];;
let has_suffix suf str =
  let len_suf = String.length suf in
  let len_str = String.length str in
  len_suf <= len_str &&
  String.sub str (len_str - len_suf) len_suf = suf;;

List.iter print_endline (filter (has_suffix ".ml") all);;
ls.ml
```

Exercice 1 *Que fait ce code ?*

Answer

*Le modifier le code pour filtrer selon un préfixe donné.*

□

## Remarques

Slide 18

Il n'y a ni instructions ni procédures.

Toutes les expressions retournent une valeur.

– La valeur unité () de type `unit` ne porte aucune information (c'est l'unique valeur possible dans son type).

```
print_int : int -> unit
```

```
print_string : string -> unit
```

– L'expression `e` dans les boucles `for` et `while` et dans la séquence doit être de type `unit`.

– Si nécessaire, jeter explicitement le résultat, en utilisant

– une fonction (prédéfinie) :

```
let ignore x = ();;
```

– ou une définition :

```
let _ = e1 in e2
```

```
ignore : 'a -> unit
```

```
ignore e1; e2 : unit
```

## Ne pas confondre

### La liaison toplevel

```
let x = 1;;
let f x = x + 1;;
let y = f x;;
```

les ; ; intermédiaires sont optionnels

### La liaison locale

```
let y =
  let x = 1 in
  let f x = x + 1 in
  f x;;
```

Une seule phrase toplevel et deux liaisons locales

Slide 19

### La séquence

```
let sequence =
  print_string "vitesse = ";
  print_int 10;
  print_newline ();
```

Dans une séquence les ; sont obligatoires. Les expressions de la séquences ne sont pas liées. La valeur de la dernière expression est retournée.

## Types, constantes et primitives de base

unit	()	pas d'opération !
bool	true false	&&    not
char	'a' '\n' '\097'	code chr
int	1 2 3	+ - * / max_int
float	1.0 2. 3.14	+. -. *. /. cos
string	"a\tb\010c\n"	^ s.[i] s.[i] <- c

Slide 20

### Polymorphes

tableaux	[  0; 1; 2; 3  ]	t.(i) t.(i) <- v
tuples	(1, 2) (1, 2, 3, 4)	fst snd

Un opérateur infix entre parenthèses devient préfixe. Par exemple, (+)  $x_1 x_2$  est équivalent à  $x_1 + x_2$

## Tableaux

Les opérations sur les tableaux sont polymorphes : on peut créer des tableaux *homogènes* d'entiers, de booléens, etc.

<code>[  0; 1; 3  ]</code>	<code>: int array</code>
<code>[  true; false  ]</code>	<code>: bool array</code>

### Slide 21

Les indices de tableaux varient de 0 à  $n - 1$  où  $n$  est la taille.

Les projections sont *polymorphes* : elles opèrent aussi bien sur des tableaux d'entiers que sur des tableaux de booléens.

<code>fun x -&gt; x.(0)</code>	<code>: 'a array -&gt; 'a</code>
<code>fun t k x -&gt; t.(k) &lt;- x</code>	<code>: 'a array -&gt; int -&gt; 'a -&gt; unit</code>

Les tableaux sont toujours initialisés :

<code>Array.create</code>	<code>: int -&gt; 'a -&gt; 'a array</code>
---------------------------	--------------------------------------------

- Le premier argument est la longueur du tableau

- Le second argument est utilisé pour initialiser toutes les cases du tableau. Il détermine le type du tableau.

### Slide 22

## Tableaux (exemples)

```
let digits = Array.create 10 0;;  
val digits : int array = [|0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0|]  
let _ =  
    for i = 0 to 9 do digits.(i) <- digits.(i) + i done;;  
let chriffre_trois = digits.(3);;  
val chriffre_trois : char = '3'
```

Slide 23

Polymorphisme :

```
Array.set;;  
- : 'a array -> int -> 'a -> unit = <fun>  
Array.set digits;;  
- : int -> int -> unit = <fun>
```

## Tuples

Ils sont hétérogènes, mais leur arité est fixée par leur type :

```
- une paire      (1, 2) : int * int  
- un triplet    (1, 2, 3) : int * int * int
```

sont incompatibles.

Les projections sont polymorphes sur les tuples de même arité :

Slide 24

```
let second_of_triple (x, y, z) = y  
second_of_triple : 'a * 'b * 'c -> 'b
```

Les **paires** ne sont qu'un cas particulier de tuples, pour lequel les deux projections `fst` et `snd` sont pré-définies.

```
fst : 'a * 'b -> 'a  
snd : 'a * 'b -> 'b
```

Les autres projections doivent être programmées (*c.f.* ci-dessus).

## Les fonctions

Les arguments sont passés *sans parenthèses*

Slide 25

Écriture recommandée	Mauvaise écriture (*)
<code>let middle x y = (x+y) / 2</code>	<code>let middle (x,y) = (x+y) /2</code>
<code>val middle : int -&gt; int -&gt; int = &lt;fun&gt;</code>	<code>val middle : int * int -&gt; int = &lt;fun&gt;</code>

`milieu 5 11;;`

(\*) À droite “milieu” prend un seul argument qui est une paire.

### Fonctions récursives

```
let rec fact n = if n > 1 then n * fact (n -1) else 1;;
```

### ... et mutuellement récursives

```
let rec ping n = if n > 0 then pong (n - 1) else "ping"
and pong n = if n > 0 then ping (n - 1) else "pong";;
```

## Applications

**Exercice 2** Quelle différence y a-t-il entre (lorsque  $f$ ,  $x$ ,  $y$  sont des variables) :

$f\ x\ y$        $(f\ x)\ y$        $f\ (x\ y)$        $(f(x))(y)$

Answer  $\square$

### Slide 26 Application partielle

Une fonction à deux arguments peut n'en recevoir qu'un seul.

```
let plus x y = x + y;;
```

```
val plus : int -> int -> int = <fun>
```

```
let incr2 = plus 2;;
```

```
val incr2 : int -> int = <fun>
```

La fonction `incr2` est équivalente à `fun y -> plus 2 y` Remarque : on aurait pu écrire :

```
let plus = ( + );;
```

## Abstraction

**Exercice 3** On suppose que  $f$  est de type  $int \rightarrow int \rightarrow int$ . Quelle différence y a-t-il entre :

$f$             `fun x -> f x`            `fun x y -> f x y`

Montrer le cas échéant la différence sur un exemple.

Slide 27

**Indication** : on pourra choisir une fonction  $f$  qui fait des effets de bord

Answer  $\square$

## Les enregistrements

Il faut les déclarer au préalable

```
type monnaie = {nom : string; valeur : float}
let x = {nom = "euro"; valeur = 6.55957}
x.valeur
```

Analogie à des tuples à champs nommés.

Slide 28

**Champs polymorphes**

```
type 'a info = {nom : string; valeur : 'a};;
fun x -> x.valeur;;
```

```
- : 'a info -> 'a
```

**Attention ! un nom peut en cacher un autre !**

L'étiquette `nom` désigne la projection de l'enregistrement `'a info`, le champ `nom` du type `monnaie` dernier est devenu inaccessible.

## Les structures mutables

Seuls les champs déclarés mutable au moment de la définition pourront être modifiés.

Par exemple

```
type personne = {nom : string; mutable age : int};;
```

permettra de modifier le champ age, mais pas le champ nom.

```
let p = {nom = "Paul"; age = 23};;
```

```
val p : personne = {nom = "Paul"; age = 23}
```

```
let anniversaire x = x.age <- x.age + 1;;
```

```
val anniversaire : personne -> unit = <fun>
```

```
p.nom <- "Clouis";;
```

Characters 0–17:

The label nom is not mutable

Slide 29

## Les références

Le passage d'arguments se fait toujours par valeur.

Les constructions `&x` ou `*x` de C qui retournent l'adresse à laquelle se trouve une valeur ou la valeur qui se trouve à une adresse n'existent pas en OCaml.

**La valeur d'une variable n'est pas modifiable**

Slide 30

Mais, on peut modifier les champs d'un enregistrement. Le système a pré-défini le type enregistrement suivant :

```
type 'a ref = { mutable contents : 'a }
```

En C/Java  
`int x = 0;`  
`x = x + 1;`

En OCaml :  
`let x = ref 0;;`  
`x := !x + 1;;`

Équivalent à :  
`let x = {contents = 0};;`  
`x.contents <- x.contents + 1;;`

Peu de valeurs ont en fait besoin d'être des références en OCaml. Éviter

les références inutiles. Le style «fonctionnel» est plus sûr.

Slide 31

## Égalité

**Égalité structurelle** (notée = et <> pour l'inégalité)

C'est l'égalité mathématique : deux valeurs sont égales si elles ont la même structure et si leurs sous-structures respectives sont égales.

```
1 = 1 && [|2|] = [|2|] && "un" = "un" && ref 1 = ref 1
```

```
- : bool = true
```

Slide 32

**Égalité physique** (notée == et != pour l'inégalité)

C'est l'égalité de l'emplacement mémoire. Dépend de la représentation des valeurs. Les valeurs mutables sont toujours allouées. L'égalité physique implique l'égalité structurelle.

```
[] = [] && [ 1 ] != [ 1 ] && "eq" != "eq" && 1.0 != 1.0  
&& ref 1 != ref 1 && (let x = ref 1 in x == fst (x, x))
```

```
- : bool = true
```

## Égalité (exercice)

**Exercice 4** *Quelles sont les égalités vraies ?*

```
1 == 1;;  
1L == 1L;;  
nan = nan;;  
nan == nan;;  
'a' == 'a';;  
type nat = Zero | Succ of nat;;  
Zero == Zero;;  
Succ Zero == Succ Zero;;
```

Slide 33

Answer □

- Utilisez l'égalité structurelle de préférence.
- Réservez l'égalité physique aux cas où c'est strictement ce que vous voulez.
- Mieux, définissez votre propre égalité!

## Les arguments de la ligne de commande

**Les arguments passés à un exécutable**

sont placés dans le tableau `Sys.argv` : `string array`

Le nom de la commande est compté (c'est le premier argument).

**Exemple** La commande Unix `echo`

Slide 34

```
echo.ml  
for i = 1 to Array.length Sys.argv - 1  
do print_string Sys.argv.(i); print_char ' ' done;  
print_newline();;  
echo.ml
```

**Exercice 5 (Commade echo)** *Corriger le programme ci-dessus pour qu'il reconnaisse, comme la commande Unix `/bin/echo`, l'option `"-n"` si elle est passée en premier argument, ce qui a pour effet de ne pas imprimer de fin de ligne. Corriger également l'impression de l'espace final (qui ne doit pas être imprimé).*

Answer □

## Usage avancé

La librairie `Arg` permet de lire ces arguments plus facilement.

Slide 35

## Retourner un résultat

**La fonction** `exit : int -> unit`

Elle arrête le programme et retourne au système d'exploitation la valeur entière reçue en argument (modulo 256).

Par défaut, une exécution retourne la valeur 0 si elle se termine normalement et une valeur non nulle autrement (lorsqu'une exception s'échappe, par exemple)

Slide 36

**L'usage** est de retourner 0 pour une évaluation normale, et de réserver les valeurs non nulles pour décrire un comportement anormal. (Sous unix on peut observer le code de retour d'une commande en exécutant `echo $?` immédiatement après.)

**Exercice 6 (Commandes true et false)** *Écrire deux programmes `true` et `false` qui se comporte comme les commandes Unix `/bin/true` et `/bin/false`, i.e. qui ne font rien et retourne avec les codes 0 et 1, respectivement).* Answer

## Les entrées-sorties

### Canaux pré-définis

```
stdin : in_channel
stdout : out_channel
stderr : out_channel
```

### Ouverture de canaux

```
open_out : string -> out_channel
open_in : string -> in_channel
close_out : out_channel -> unit
```

Slide 37

### Lecture sur stdin

```
read_line : unit -> string
read_int : unit -> int
```

### Écriture sur stdout

```
print_string : string -> unit
print_int : int -> unit
```

### Les entrées sorties avancées

- Voir la librairie noyau
- Voir la librairie Printf par exemple, on écrira comme en C :  
`Printf.printf "%d %s %d = %d\n" 2 "+" 3 (2+3);;`

## La puissance des fonctions

### Les fonctions sont des valeurs comme les autres

- En particulier, elles peuvent être retournées en résultat et passées en argument à d'autres fonctions.
- Les fonctions se manipulent comme en mathématiques.

### La composition de deux fonctions est une fonction

```
let compose f g = fun x -> f (g x);;
```

Slide 38

```
val compose : ('a -> 'b) -> ('c -> 'a) -> 'c -> 'b = <fun>
```

Le type de fonction compose peut se reconstituer ainsi : Le premier argument `f` est une fonction quelconque, donc de type `('a -> 'b)`. Le deuxième argument `g` est une fonction dont le résultat doit pouvoir être passé à `f` donc de type `'a`; le domaine de `g` est quelconque; donc `g` est de type `'c -> 'a`. Le résultat est une fonction qui prend un argument `x` qui doit pouvoir être passé à `g` donc du type `'c`. Finalement, le résultat final sera retourné par `f`, donc de type `'b`.

### Fonctions anonymes

Ci-dessus, la fonction `fun x -> f (g x)` est anonyme.  
`let compose = fun f -> fun g -> fun x -> f (g x)`  
`let compose f g x = f (g x);;`  
sont des définitions équivalentes de la fonction `compose`.

Slide 39

## La fonction puissance

### Fonction puissance

```
let rec power f n =
  if n <= 0 then (fun x -> x)
  else compose f (power f (n-1));;
val power : ('a -> 'a) -> int -> 'a -> 'a = <fun>
```

Slide 40

### Dérivation

```
let derivative dx f = fun x -> (f(x +. dx) -. f(x)) /. dx;;
val derivative :
float -> (float -> float) -> float -> float = <fun>
```

La dérivée  $n^{\text{ème}}$  est la puissance  $n$  de la dérivée. Soit !

```
let pi = 4.0 *. atan 1.0;;
let sin''' = (power (derivative 1e-5) 3) sin in sin''' pi;;
- : float = 0.99999897...
```

à la précision des calculs numériques près...

## Les variantes et le filtrage

### Les définitions de types sommes

Analogues aux définitions de types d'enregistrements.

Par exemple, les booléens sont éléments du type suivant :

```
type boolean = Vrai | Faux;;  
let t = Vrai and f = Faux;;
```

Slide 41

Les constructeurs sont toujours capitalisés

**Le filtrage** permet d'examiner les valeurs d'un type somme.

```
let int_of_boolean x =
```

```
  match x with Vrai -> 0 | Faux -> 1;;
```

**Raccourci** (notation équivalente)

```
let int_of_boolean = function Vrai -> 0 | Faux -> 1;;
```

## Le type option

Les références sont toujours initialisées en OCaml. Il peut être nécessaire de créer des références qui seront définies plus tard.

Ce traitement doit être explicite.

### Prédéfini par le système

```
type 'a option = Some of 'a | None
```

```
let statut = ref None;;
```

Slide 42

Plus tard, on pourra définir la valeur :

```
statut := Some 3;;
```

La lecture du statut doit aussi considéré le cas où celui-ci est indéfini.

```
match !statut with Some x -> x | None -> 0;;
```

## Les listes

Les (fausses) listes sont simplement un type somme récursif

### Types récursifs

```
type 'a liste =  
  Vide  
  | Cellule of 'a * 'a liste;;
```

### Fausses      Vraies

Fausses	Vraies
'a liste	'a list
Vide	[ ]
Cellule (t,r)	t :: r

Slide 43

### Définition alternative (utilisant un enregistrement)

```
type 'a liste = Vide | Cellule of 'a cell  
and 'a cell = { t^eate : 'a; reste : 'a liste };;
```

### Listes modifiables en place (les champs sont mutables)

```
type 'a liste = Vide | Cellule of 'a cell  
and 'a cell = { mutable hd : 'a; mutable tl : 'a liste };;
```

## Les vraies listes (bibliothèque List)

Ce sont les listes qu'ils faut utiliser! Le système pré-définit :

```
type 'a list = [] | (::) of 'a * 'a list
```

**Racourci** Les trois formes suivantes sont équivalentes :

```
let l = 1 :: (2 :: (3 :: (4 :: [])));;
```

```
let l = 1 :: 2 :: 3 :: 4 :: [];;
```

```
let l = [1; 2; 3; 4];;
```

Slide 44

## La fonction reverse

**Renforcer l'hypothèse de récurrence :** Une fonction auxiliaire transfère les éléments d'une liste dans l'autre.

```
let rec transfert dest source =
  match source with
  [] -> dest
  | head :: rest -> transfert (head :: dest) rest;;
let reverse l = transfert [] l;;
```

Slide 45

**Écriture équivalente** (avec une fonction locale)

```
let reverse l =
  let rec transfert dest source =
    match source with
    [] -> dest
    | head :: rest -> transfert (head :: dest) rest
  in transfert [] l;;
```

**Exercice 7 (Listes à double entrée)** On donne le type *double* des

listes à “double entrée”, qui possède deux versions *Gauche* et *Droite* du constructeur *Cellule*.

```
type 'a double =
  Vide
  | Gauche of 'a * 'a double
  | Droite of 'a double * 'a;;
```

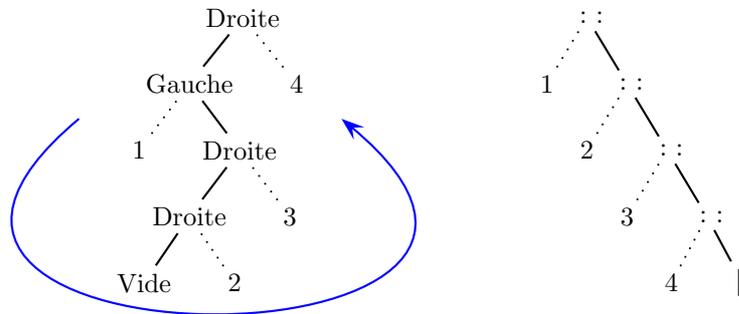
On pourra ainsi écrire

```
let d = Droite (Gauche (1, Droite (Droite (Vide, 2), 3)), 4);;
```

Slide 46

La représentation d'une liste à double entrée est un arbre filiforme (figure de Gauche). On peut lire une liste à double entrée en rebalançant l'arbre à droite (figure de droite), ce qui revient à faire un parcours gauche droite des feuilles (dans la figure de droite, on a remplacé les noeuds

Gauche et Vide par ceux des “vrais” listes :: et []).



Slide 47

Écrire une fonction `print_double` imprime les noeuds d’une liste double dans un parcours gauche-droite (`print_double` reçoit en premier argument une fonction d’impression d’un nœud). Answer

En remplaçant la fonction d’impression au terminal par une fonction qui stocke les éléments dans une (vraie) liste, en déduire une fonction `list_of_double` qui transforme une liste double en une (vraie) liste simple (comme illustré par le passage de la figure de gauche à la figure de

droite). Answer

Écrire une autre version de la fonction `d^e9double` qui n’utilise pas de référence (on s’inspirera de la fonction `reverse` ci-dessus). Answer

Utiliser la trace pour observer l’exécution de la fonction `d^e9double`. (On aura intérêt à tracer une version spécialisée pour les entiers) :

```
let d^e9double_entiers =
  (d^e9double : int list -> int double -> int list)
let list_of_double_entiers l = d^e9double_entiers [] l;;
#trace d^e9double_entiers;;
list_of_double_entiers d;;
```

Slide 48

□

## Le jeu de carte

Il combine types sommes et types enregistrements :

```
type carte = Carte of ordinaire | Joker
and ordinaire = { couleur : couleur; figure : figure; }
and couleur = Coeur | Carreau | Pic | Trefle
and figure = As | Roi | Reine | Valet | Simple of int;;
```

Définition de fonctions de construction auxiliaires :

Slide 49

```
let valet_de_pic = Carte { figure=Valet; couleur=Pic; }
val valet_de_pic : carte = Carte {couleur=Pic; figure=Valet}
let carte n s = Carte {figure = n; couleur = s}
let roi s = carte Roi s;;

val carte : figure -> couleur -> carte = <fun>
val roi : couleur -> carte = <fun>
```

## Filtrage en profondeur

```
let valeur x =
  match x with
  | Carte { figure = As } -> 14
  | Carte { figure = Roi } -> 13
  | Carte { figure = Reine } -> 12
  | Carte { figure = Valet } -> 11
  | Carte { figure = Simple k } -> k
  | Joker -> 0;;
```

Slide 50

Un motif peut capturer plusieurs cas.

```
let petite x =
  match x with
  | Carte { figure = Simple _ } -> true
  | _ -> false;;
```

## Sémantique du filtrage

Lorsqu'un argument est passé à un ensemble de clauses

$$p_1 \rightarrow e_1 \mid \dots \mid p_n \rightarrow e_n$$

- la première clause qui filtre l'argument est exécutée, les autres sont ignorées.
- si aucune clause ne filtre l'argument, une exception est levée.

### Filtrages incomplets

Slide 51

La définition est dite incomplète lorsqu'il existe une expression qui n'est filtrée par aucun motif. Dans ce cas, un message d'avertissement est indiqué à la compilation.

```
let simple x = match x with Carte{figure = Simple k} -> k
```

Characters 15–58:

Warning: this pattern-matching is not exhaustive.

Here is an example of a value that is not matched:

Joker

```
let simple x = match x with Carte {figure = Simple k} -> k
```

```
val simple : carte -> int = <fun>
```

Usage : Il est préférable d'éviter les définitions incomplètes.

Slide 52

## Les motifs (patterns)

Ils peuvent :

- être emboîtés, contenir des produits et des sommes
- ne pas énumérer tous les champs des enregistrements
- lier une valeur intermédiaire avec mot clé `as`
- n'imposer aucune contrainte (représentés par le caractère `_`)

Une variable ne peut pas être liée deux fois dans le même motif.

Slide 53

```
let egal x y = match x, y with z, z -> true | _ -> false;;
```

Characters 34–35:

```
let egal x y = match x, y with z, z -> true | _ -> false;;
```

This variable is bound several times in this matching

## Exercices

**Exercice 8 (Jeu de cartes)** Deux cartes sont incompatibles si aucune n'est le Joker et si elles sont différentes. Elles sont compatibles sinon. Un

ensemble de cartes dont toutes les paires de cartes sont compatibles est compatible. Les ensemble de cartes sont représenté par des listes, mais considérés à permutation près.

Écrire une fonction `compatibles` qui prend un ensemble de cartes et retourne l'ensemble de toutes les sous parties compatibles les plus larges possibles.

Answer

En déduire une fonction testant si une main contient un carré (au moins autre cartes compatibles).

Answer □

Slide 54

**Exercice 9 (La fonction Sigma)** 1. Écrire une fonction

`sigma : ('a -> int) -> 'a list -> int` telle que l'expression

`sigma f l` calcule la formule  $\sum_{x \in l} f(x)$ . Answer

2. Écrire la fonction `pi : ('a -> int) -> 'a list -> int` analogue mais en remplaçant la somme par le produit. Answer

3. Comment généraliser la fonction, de façon à partager le code en commun, en une fonction

```
fold : (int -> int -> int) ->
       int -> ('a -> int) -> 'a list -> int
```

Donner deux versions de `fold`, d'abord une seule fonction globale récursive, puis utiliser une fonction locale récursive auxiliaire en lui passant le minimum d'argument(s). Answer

4. Réécrire la fonction `sigma` en utilisant une fonction de librairie. Answer

Slide 55

□

## Les exceptions (exemple)

```
exception Perdu
```

```
let rec cherche une_aiguille botte_de_paille =
  match botte_de_paille with
  | brin :: botte ->
    if une_aiguille brin then brin
    else cherche une_aiguille botte
  | [] ->
    raise Perdu
let k =
  try
    let name, number =
      cherche (fun x -> fst x = "Louis")
        [ "Georges", 14; "Louis", 5; ] in number
    with Perdu -> 10;;
```

Slide 56

**Exercice 10 (Exceptions)** Écrire un programme analogue sans utiliser d'exception. Answer □

## Les exceptions (suite)

### Syntaxe

- Définition (phrase)	<code>exception C [ of t ]</code>
- Levée (expression)	<code>raise e</code>
- Filtrage (expression)	<code>try e with p<sub>1</sub> -&gt; e<sub>1</sub> ...   p<sub>n</sub> -&gt; e<sub>n</sub></code>

Slide 57 Remarquer l'analogie avec la construction de filtrage.

### Exceptions pré-définis

Exception	Usage	gravité
<code>Invalid_argument of string</code>	accès en dehors des bornes	forte
<code>Failure of string</code>	liste vide, retourne le nom de la fonction	moyenne
<code>Not_found of unit</code>	fonctions de recherche	nulle
<code>Match_failure of ...</code>	Échec de filtrage	fatale
<code>End_of_file</code>	Fin de fichier	nulle

Slide 58

## Sémantique

- Le type `exn` est un type somme.
- La levée d’une exception arrête l’évaluation en cours et retourne une valeur “exceptionnelle” (du type `exn`).
- Une exception ne peut être éventuellement rattrapée que si elle a été protégée par une expression `try e1 with m`
  - si l’évaluation de `e1` retourne une valeur normale celle-ci est retournée sans passer par le filtre.
  - si l’évaluation de `e1` retourne une valeur exceptionnelle, alors celle-ci est passée au filtre `m`. Si une des clauses `pi -> ei` filtre l’exception, alors `ei` est évaluée, sinon l’exception n’est pas capturée, et la valeur exceptionnelle est propagée.
- On peut observer une exception (*i.e.* l’attraper et la relancer) :  
`try f x with Failure s as x -> prerr_string s; raise x`

Slide 59

## Usage des exceptions

Il est préférable de définir de nouvelles exceptions plutôt que de réutiliser les exceptions pré-définies afin d’éviter toute ambiguïté.

On utilise les exceptions pour

- reporter une erreur et interrompre le calcul en cours ;  
Par exemple, l’exception `Match_failure` est levée à l’exécution lorsqu’une valeur n’est pas filtrée. Elle indique le nom du fichier et la position filtre en cause.
- communiquer une valeur de retour rare ou particulière ;  
Par exemple, les exceptions `Not_found` et `End_of_file` sont utilisées pour programmer et les lever est un comportement tout à fait normal.

Slide 60

## Exemple : la commande Unix cat

Une version restreinte :

```
try
  while true
    do print_string (read_line()); print_newline() done
  with End_of_file -> ();;
```

Slide 61

**Exercice 11 (La commande cat)** *Écrire la version complète, qui concatène l'ensemble des fichiers dont les noms sont passés en argument ou bien reproduit le flux d'entrée lorsque la commande est appelée sans argument.* Answer

**Exercice 12 (La commande grep)** *Écrire la commande unix `/bin/grep` sur le modèle de la commande `cat` et en utilisant la librairie `Str`. Pour compiler, on il faut utiliser la commande :*

```
ocamlc -o grep str.cma grep.ml
```

ou bien la commande Makefile générique avec `LIBS=str`. Answer

**Exercice 13 (La commande agrep)** *Un raffinement de la commande*

*grep* consiste à traiter les lignes par régions plutôt qu'individuellement. Par exemple,

```
./agrep -d '^let' try agrep.ml
```

permet de recherche les définitions de phrases (dans un fichier bien indenté) qui contiennent le mot clé. Le premier argument optionnel (sa valeur par défaut est `$` désignant la fin de ligne), ici `^let` est le délimiteur<sup>a</sup>, le second argument, ici `try` est le motif à rechercher, et les arguments suivant sont des noms de fichiers.

Slide 62

Chaque ligne filtré par le délimiteur commence une nouvelle région qui continue jusqu'à la prochaine ligne (exclue) qui est également filtrée par le délimiteur. La commande `agrep` imprime sur la sortie standard chaque région dont une des lignes au moins est contient le motif.

Implémenter la commande `agrep`. (On essayera de préserver le comportement incrémental qui consiste à afficher une région dès que possible, sans attendre la fin du fichier.) Answer

<sup>a</sup>Les `'` sont les quotation du shell, mais ne font pas partie de l'argument passé par le shell à `agrep`.

Une limitation est que le motif ne peut pas se superposer sur plusieurs lignes. Lever cette limitation. Answer

De même le délimiteur ne peut pas se superposer sur plusieurs lignes.

Comment peut-on lever cette limitation ? Answer □

## Slide 63

## Exercices

**Exercice 14 (La calculette)** - Écrire une fonction *sigma* qui prend une fonction *f*, un tableau et deux indices et qui calcule  $\sum_{i=j}^k f(t.(i))$

- En déduire le calcul de la somme des éléments, des carrés ou la moyenne des éléments d'un sous-tableau.

- Faire un exécutable à partir de l'exercice précédent. Les arguments sont reçus sur la ligne de commande.

## Slide 64

- Par défaut le programme calcule la somme. Si le premier argument est la chaîne *-carre* ou *-moyenne*, alors il calcule la somme ou la moyenne des éléments restants. Answer

- Séparer le programme en deux fichiers *sigma.ml* pour le code de la fonction *sigma* et *calculette.ml* pour le code principal. Écrire un fichier d'interface *sigma.mli* permettant de compiler *calculette.ml* sans avoir à compiler *sigma.ml*. Answer

- Écrire un *Makefile* manuellement. Answer

- Utiliser le *Makefile* générique □

## Exercices (suite)

**Exercice 15 (La commande Unix `wc`)** *compte l'ensemble des caractères, mots et lignes de chacun des fichiers passés en arguments ainsi que les totaux respectifs et les imprimes dans la sortie standard.*

Answer

Slide 65

## La trace (mode interactif)

Fonctionne seulement en mode interprété à l'aide de directives

### Mise en œuvre

```
let observe x y = x + y;;
#trace observe;;
#untrace observe;;
#untrace_all;;
```

### Changer l'imprimeur par défaut

La trace se combine souvent avec l'ajout d'imprimeurs

```
let imprimeur x = Printf.printf "%d0" x;;
#install_printer imprimeur;;
1;;
#remove_printer imprimeur;;
```

L'argument *imprimeur* est le nom d'une fonction de type  $\tau \rightarrow \text{unit}$  avec laquelle les valeurs du types  $\tau$  seront imprimées.

Slide 66

## Le débogueur

Fonctionne seulement en mode compilé.

Permet de faire du pas à pas en avant **et en arrière**, de visualiser l'état de la pile et les valeurs des variables locales.

### Mise en œuvre

Slide 67

Compiler avec `ocamlc -g`

Appeler `ocamldebug nom-du-programme`

Il existe une interface conviviale pour Emacs : appeler la commande `ocamldebug` (taper **ESC X** `ocamldebug nom-du-programme`)

Si le programme n'est pas trouvé, il faut

- ajuster le chemin d'accès (dans le shell avant de lancer emacs)
- passer le chemin absolu, par exemple sous `ocaml debug`, avec  
`set program nom-absolu-du-programme`

Si le programme prend des arguments `a1`, `a2`, *etc.* on peut les passer par  
`set arguments a1 a2`

## La trace arrière (mode batch)

Permet le débogage des exceptions non rattrapées de façon légère.

Compiler avec l'option `-g` comme pour le débogueur.

Lancer le programme (version bytecode) avec la variable d'environnement `OCAMLRUNPARAM` valant "b", soit en affectant cette variable localement au lancement du programme :

Slide 68

```
OCAMLRUNPARAM=b ./mon_programme ses_arguments
```

ou en affectant cette variable globalement avant de lancer le programme.  
`export OCAMLRUNPARAM=b`  
`./mon_programme ses_arguments`

## Polymorphisme

Le typeur infère les types d'un programme. Il existe souvent plusieurs solutions :

```
let identity x = x;;
```

```
: int -> int
```

```
: string -> string
```

```
: 'a * 'a -> 'a * 'a
```

```
: 'a -> 'a
```

Slide 69

Le typeur retourne le type le plus général (il en existe toujours un si le programme est typable).

```
let identity x = x;;
```

```
val identity : 'a -> 'a = <fun>
```

Les autres se retrouvent par instantiation des variables de type. On dit que l'`identity` est polymorphe.

## Support du polymorphisme

La construction de liaison introduit le polymorphisme.

```
let apply f x = f x in apply succ 1, apply print_int 1;;
```

### Limitations

– un argument de fonction n'est pas polymorphe :

```
(fun apply -> apply succ 1, apply print_int 1)
```

```
(fun f x -> f x);;
```

Slide 70

Les deux occurrences de `apply` doivent avoir le même type. (*Sinon, on ne sait plus deviner le type de `apply`*)

– Un calcul (une application) n'est pas polymorphe :

```
let f = identity identity in f 1, f true;;
```

L'expression `identity identity` n'est pas polymorphe.

*Une application pourrait produire des effets de bords — lecture et écriture — avec des types différents :*

```
let v = ref [] in v := [ 1 ]; not (List.hd v);;
```

## Variable de type “faible”

Elle indique un type particulier pas encore connu.

```
let r = ref [];;
```

```
val r : 'a list ref = {contents=[]}
```

La valeur `r` n'est pas polymorphe (c'est une application).

Une variable de type `'a`, dite *faible*, n'est pas une variable polymorphe : elle représente un type qui sera fixé ultérieurement.

Slide 71

```
r := [1]; r;;
```

```
- : int list ref = {contents=[1]}
```

```
r := [true];;
```

```
Characters 0-1:
```

```
This expression has type int list ref but is here used with  
type bool list ref
```

## Variables de type faible (suite)

Les variables peuvent se retrouver affaiblies involontairement :

```
let map_apply = List.map (fun (f,x) -> f x);;
```

```
val map_apply : (('a -> 'b) * 'a) list -> 'b list = <fun>
```

perdant ainsi le polymorphisme.

Pour conserver le polymorphisme, il suffit de retarder la spécialisation de la fonction en passant un argument supplémentaire :

Slide 72

```
let map_apply 1 = List.map (fun (f,x) -> f x) 1;;
```

```
val map_apply : (('a -> 'b) * 'a) list -> 'b list = <fun>
```

Cela ne change pas le sens lorsque la fonction attend de toute façon un argument supplémentaire.

## Calculs gelés

L'application d'une fonction à un argument effectue le calcul immédiatement.

Il est parfois souhaitable de retarder le calcul

- Pour éviter un gros calcul inutile.
- Pour retarder ou répéter les effets de bord associé au calcul.

On peut contrôler le moment d'exécution des calculs à l'aide de l'abstraction et de l'application.

Slide 73

```
let plus_tard f x = fun () -> f x;;
let un = plus_tard print_int 3;;
let mark = plus_tard print_string "*";;
mark(); un(); mark();;
```

```
*3*- : unit = ()
```

## Calculs gelés (suite)

**Exercice 16 (Gelé les calculs)** *On considère le programme :*

```
let ifz^e9ro n sioui sinon = if n = 0 then sioui else sinon;;
ifz^e9ro 3 (print_string "oui") (print_string "non");;
```

*Expliquer l'anomalie.*

*Corriger cette anomalie en redéfinissant la fonction ifz^e9ro avec le*

Slide 74

*type int -> (unit -> 'a) -> (unit -> 'a) -> 'a. On donnera le programme corrigé complet.*

Answer □

## Streams

**Exercice 17 (Calculs paresseux)** *Un stream est une liste potentiellement infinie. Elle doit bien sûr être représentée de façon finie, les calculs des s'effectuant paresseusement au fur et à mesure des besoins et mémorisés pour une relecture ultérieure. On peut le représenter par le type concret suivant :*

Slide 75

```
type 'a stream = 'a status ref
and 'a status =
  Nil
  | Cons of 'a * 'a stream
  | Exception of exn
  | Frozen of (unit -> ('a * 'a stream));;
```

*Un stream dont le statut est une exception est un stream dont l'évaluation a lancé (et donc devra relancer) cette exception.*

1. Définir les fonctions `hd`, `tl` et `nth` sur les streams qui retournent le premier élément, le reste du stream, et le  $n^{\text{ième}}$  élément. (On aura avantageusement factoriser le code de `hd` et `tl` en utilisant une fonction

*auxiliaire next.*)

Answer

Slide 76

## Streams (suite de l'exercice)

Slide 77

2. Donnez également des fonctions de construction `nil`,  
`cons : 'a -> 'a stream -> 'a stream` et une fonction  
`freeze : (unit -> ('a * 'a stream)) -> 'a stream`, qui retourne le  
stream vide, ajoute un élément explicite en tête d'un stream et construit  
un stream à partir d'une fonction génératrice. Answer  
Construire le stream des entiers pairs. Answer
3. Définir une fonction  
`filter : ('a -> bool) -> 'a stream -> 'a stream` qui prend un  
prédicat et un stream et retourne le stream des éléments qui satisfont le  
prédicat. En déduire le stream des entiers pairs à partir du stream des  
entiers. Answer
4. En déduire une fonction `crible` qui prend un stream d'entiers `s` et qui  
retourne le sous-stream des éléments qui ne sont pas divisibles par les  
éléments qui les précèdent. En déduire le stream des entiers  
premiers. Answer

## La programmation traditionnelle

Les programmes sont écrits de façon linéaire.

On peut seulement ajouter de nouvelles définitions à la fin du programme.

Réutilisation du code par “couper-coller”.

Pas de partage de code :

- duplication du code, et des erreurs!
- difficulté de maintenance.

Slide 78

Pas de protection du code :

- Pas de types abstrait.
- Abstraction de valeur, seulement.

## La programmation modulaire

Découpage du programme en morceaux compilables indépendamment

*Rendre les gros programmes compilables*

Donner de la structure au programme

*Rendre les gros programmes compréhensibles*

Spécifier les liens (interfaces) entre les composantes

**Slide 79**

*Rendre les gros programmes maintenables*

Identifier des sous-composantes indépendantes

*Rendre les composantes réutilisables*

## Deux approches

### Programmation par objets

Les objets sont définis à partir de classes.

Les classes peuvent être construites à partir d'autres classes par héritage.

### Un langage de module très riche

**Slide 80**

Les modules de bases permettent de contrôler la visibilité des champs en cachant certaines définitions de valeurs ou de types.

Les foncteurs sont des fonctions des modules vers les modules, permettant de générer de nouveaux modules à partir d'autres.

Les modules ont également le support du mécanisme de compilation séparée.

## Modules et compilation séparée

Une unité de compilation  $A$  se compose de deux fichiers :

- Le fichier d'implémentation `a.ml` :  
une suite de phrases.
- Le fichier d'interface `a.mli` (optionnel) :  
une suite de spécifications.

Slide 81

Une autre unité de compilation  $B$  peut faire référence à  $A$  comme si c'était une structure, en utilisant la notation pointée  $A.x$  ou bien en faisant `open A`.

Les spécifications sont (essentiellement) :

spécification de valeurs	<code>val <math>x</math> : <math>\sigma</math></code>
spécification de types abstraits	<code>type <math>t</math></code>
spécification de types manifestes	<code>type <math>t = \tau</math></code>
spécification d'exceptions	<code>exception <math>E</math></code>

## Compilation séparée d'un programme

Fichiers sources : `a.ml`, `a.mli`, `b.ml`

Étapes de compilation :

```
ocamlc -c a.mli   compile l'interface de A      crée a.cmi
ocamlc -c a.ml    compile l'implémentation de A crée a.cmo
ocamlc -c b.ml    compile l'implémentation de B crée b.cmo
ocamlc -o monprog a.cmo b.cmo édition de liens finale
```

Slide 82

L'ordre des définitions de modules correspond à l'ordre des fichiers objets `.cmo` sur la ligne de commande de l'éditeur de liens.

## Utilisation de la commande make

La commande `make` permet de maintenir à jour une application composée de plusieurs composantes, indépendamment du langage (C, tex, ocaml, etc.).

Elle utilise un fichier `Makefile` (par défaut dans le directory courant) qui décrit les fichiers sources, les fichiers à fabriquer, la façon de les fabriquer, ainsi que les dépendences.

Slide 83

### Un Makefile spécifique

On peut écrire un fichier Makefile spécialisé pour chaque application. Par exemple, celui-ci fonctionne pour l'ensemble des exercices de ce cours.

### Le Makefile générique

Le Makefile générique pour OCaml, écrit par Markus Mottl, couvre la plupart des situations.

- Copier `Makefile` dans votre dossier de travail.
- Éditer les variables `SOURCES` et `RESULT`

(au plus un exécutable à la fois)

- Faire `make`

**Mode graphique** Il suffit d'ajouter la définition suivante :

```
LIBS= graphics
```

Voir README pour en savoir plus sur les autres commandes.

Voir README pour en savoir plus

Slide 84

# Modules.

## Les modules en quelques mots

- Un petit langage fonctionnel typé
  - pour manipuler des collections de définitions (de valeurs, de types) du langage de base.
  - Leurs types : des collections de déclarations/spécifications (types des valeurs, déclarations des types).
  - Modules emboîtés.
  - Fonctions (foncteurs) et application de fonctions.
- Largement indépendant du langage de base.

**Slide 85**

## Modules de base

*Les structures* sont collections de phrases

```
struct p1 .. pn end
```

Les phrases sont celles du langage de base, plus

définition de sous-modules      `module X = ...`

Slide 86

définition de type de module      `module type S = ...`

**Le nommage** d'un module se fait à l'aide de la liaison `module`.

```
module S =  
  struct  
    type t = int  
    let x = 0  
    let f x = x+1  
  end;;
```

## Utilisation d'un module

On fait référence aux composantes d'un module avec la notation pointée

*module.composante*

```
... (S.f S.x : S.t) ...
```

Autre possibilité : la directive `open module` permet d'omettre le préfixe et le point :

Slide 87

```
open S  
... (f x : t) ...
```

Exemples :

List.map

Hastbl.find

Pervasives.exit

## Modules emboîtés

Un module peut être composante d'un autre module :

```
module T =  
  struct  
    module R = struct let x = 0 end  
    let y = R.x + 1  
  end;;
```

Slide 88

La notation pointée et la construction `open` s'étendent naturellement aux sous-modules :

```
module Q =  
  struct  
    let z = T.R.x  
    open T.R  
    ...  
  end
```

*NB : La notation `open T.R` rend les composantes de `T.R` visibles dans la suite du corps de `Q` mais n'ajoute pas ces composantes à `Q`.*

## Les types des modules de base

Les *signatures* : collections de spécifications (de types).

```
sig spécification ...spécification end
```

spécification de valeurs            `val x :  $\sigma$`

spécification de types abstraits    `type t`

Slide 89

spécification de types manifestes   `type t =  $\tau$`

spécification d'exceptions        `exception E`

spécification de sous-modules      `module X : M`

spécification de type de module    `module type S [ = M ]`

Nommage d'un type de module : par la liaison `module type`

```
module type MA_SIGNATURE = sig ... end
```

## Synthèse de signature

Le système infère les signatures des modules (comme il infère les types des valeurs).

Slide 90

Module	Signature inférée
<pre>module Exemple =   struct     type t = int     module R =       struct         let x = 0       end     let y = R.x + 1   end;;</pre>	<pre>module Exemple :   sig     type t = int     module R :       sig         val x : int       end     val y : int   end</pre>
Module	Signature inférée

## Restriction par une signature

La construction (*structure* : *signature*)

- vérifie que la structure satisfait la signature (toutes les composantes spécifiées dans la signature doivent être définies dans la structure, avec des types au moins aussi généraux);
- rend inaccessibles les parties de la structure qui ne sont pas spécifiées dans la signature;
- produit un résultat qui peut être lié par `module M = ...`

Slide 91

Sucre syntaxique :                    est équivalent à :

```
module X : S = M                    module X = (M : S)
```

Utilisée pour masquer des composantes et des types.

## Restriction (Écritures équivalentes)

Slide 92

```
module M =
  (struct
    type t = int
    let x = 1
    let y = x + 1
  end :
  sig
    type t
    val y : t
  end)
;;

module type S =
  sig
    type t
    val y : t
  end
  module M : S =
    struct
      type t = int
      let x = 1
      let y = x + 1
    end
  end
;;

M.x;;          (* 'S.x is unbound' *)
M.y + 1;;     (* 'S.y is not of type int' *)
```

## Vues isomorphes incompatibles

Il est parfois important de distinguer des types isomorphes. Par exemples Euros et Dollars sont tous deux représentés par des flottants. Pourtant, il ne faut pas les confondre.

Ce sont deux espaces vectoriels, isomorphes mais disjoints, avec pour unités respectives l'euro et le dollar.

Slide 93

```
module Float =
  struct
    type t = float
    let un = 1.0
    let plus = (+.)
    let prod = ( *. )
  end
;;

module type MONNAIE =
  sig
    type t
    val un : t
    val plus : t -> t -> t
    val prod : float -> t -> t
  end
;;
```

La multiplication devient une opération externe sur les flottants.

## Monnaies incompatibles

Dans `Float` le type `t` est concret donc il peut être confondu avec "float".  
Par contre, il est abstrait dans les modules `Euro` et `Dollar` ci-dessous :

```
module Euro = (Float : MONNAIE);;  
module Dollar = (Float : MONNAIE);;
```

Les types `Euro.t` et `Dollar.t` sont isomorphes mais incompatibles.

```
let euro x = Euro.prod x Euro.un;;  
Euro.plus (euro 10.0) (euro 20.0);;  
Euro.plus (euro 50.0) Dollar.un;;          Erreur
```

Slide 94

Pas de duplication de code entre `Euro` et `Dollar`.

## Vues multiples d'un même module

On peut donner une interface restreinte pour, dans un certain contexte, ne permettre que certaines opérations (typiquement, interdire la création de valeurs) :

```
module type PLUS =  
  sig  
    type t  
    val plus : t -> t -> t  
  end;;  
module Plus = (Euro : PLUS)  
  
module type PLUS_Euro =  
  sig  
    type t = Euro.t  
    val plus : t -> t -> t  
  end;;  
module Plus = (Euro : PLUS_Euro)
```

Slide 95

À gauche, le type `Plus.t` est incompatible avec `Euro.t`.

À droite, le type `t` est partiellement abstrait et compatible avec "Euro.t", et la vue `Plus` permet de manipuler les valeurs construites avec la vue `Euro`.

## La notation with

La notation `with` permet d'ajouter des égalités de types dans une signature existante.

L'expression `PLUS with type t = Euro.t` est une abréviation pour la signature

Slide 96

```
sig
  type t = Euro.t
  val plus: t -> t -> t
end
```

On peut alors écrire

```
module Plus = (Euro : PLUS with type t = Euro.t);;
Plus.plus Euro.un Euro.un;;
```

Elle permet de créer facilement des signatures partiellement abstraites.

## Modules paramétrés

Un *foncteur* est une fonction des modules dans les modules :

```
functor (S : signature) -> module
```

Le *module* (corps du foncteur) est explicitement paramétré par le paramètre de module *S*. Il fait référence aux composantes de son paramètre avec la notation pointée.

Slide 97

```
module F = functor(X : S) ->
  struct
    type u = X.t * X.t
    let y = X.g X.v
  end;;
```

## Utilisation des modules paramétrés

### Définir des structures qui dépendent d'autres

- Les bibliothèques Map, Set, Hashtbl, *etc.* dépendent d'une fonction de comparaison.

Le type des éléments avec leur fonction de comparaison :

```
module type OrderedType = sig
  type t
  val compare : t -> t -> int
end;;
```

Slide 98

Le type des ensembles

```
module type S = sig .. end
```

Le foncteur qui "fabrique" des implémentations :

```
module Make:
  functor (Ord : OrderedType) -> S with type elt = Ord.t
```

- Les polynômes sont définis par rapport à une structure d'anneau sur les coefficients.

## Application de foncteur

On ne peut pas directement accéder au corps d'un foncteur. Il faut au préalable l'appliquer explicitement à une implémentation de la signature de son argument (tout comme on applique une fonction ordinaire).

```
module P1 = F(M1)
module P2 = F(M2)
```

P1, P2 s'utilisent alors comme des structures ordinaires :

```
(P1.y : P2.u)
```

Slide 99

P1 et P2 partagent entièrement leur code.

### Exemple : les ensembles d'entiers

```
module IntSet =
  Set.Make
  (struct type t = int let compare = compare end);;
```

## Modules et compilation séparée

Fichiers sources : a.ml, a.mli, b.ml B utilise A.

Le programme se comporte comme le code monolithique :

```
module A =  
  (struct (* contenu de a.ml *) end  
   : sig (* contenu de a.mli *) end)  
module B = struct (* contenu de b.ml *) end
```

Slide 100

## Exercice

### Exercice 18 (Polynômes à une variable (\*\*\*))

- Réaliser une bibliothèque fournissant les opérations sur les polynômes à une variable. Les coefficients forment un anneau passé en argument à la bibliothèque. Answer
- Utiliser la bibliothèque pour vérifier par exemple l'égalité  $(1 + X)(1 - X) = 1 - X^2$ . Answer
- Vérifier l'égalité  $(X + Y)(X - Y) = (X^2 - Y^2)$  en considérant les polynômes à deux variables comme polynôme en  $X$  à coefficients les polynôme en  $Y$ .
- Écrire un programme qui prend un polynôme sur la ligne de commande et l'évalue en chacun des points lus dans `stdin` (un entier par ligne) et imprime le résultat dans `stdout`. Answer
- Utiliser la commande `make` pour compiler le programme.

□

Slide 101

## Exercices.

### Menu conseillé

Slide 102

1. **Mise en œuvre**
  - C'est un point de passage obligé (exercices 1, 2 et 3 du menu).
  - Faire ces exercices en regardant les solutions.
2. **Petits exercices**
  - On peut les mettre au point "en mode calculette" (en les écrivant dans un fichier sous emacs et en exécutant les commandes au fur et à mesure).
  - Faire les exercices plus conséquents en mode compilé.
  - En faire au moins deux sans avoir regardé la solution.
3. **Choisir un exercice plus conséquent**
  - En choisir un et le faire sans regarder la solution.
  - En cas d'échec, refaire de petits exercices...
4. **En dernier**
  - Un exercice plus difficile, par exemple, sur les polynômes.

## Quelques tuyaux

### Relire le cours de façon interactive

- en cliquant sur tous les pointeurs disponibles (et récursivement à la profondeur qui vous plaira).  
Même si vous ne lisez que les premières lignes des documents pointez, vous connaîtrez au moins leur existence.
- en faisant tous les exercices du cours au fur et à mesure.

Slide 103

### Gardez le cours et la documentation sous la main

Si possible en parallèle une fenêtre de votre brouteur et une fenêtre emacs sur le même écran : on programme avec la documentation ou des exemples sous les yeux.

## A Exercices

### Calculs numériques

Fonctions récursives, simple ou multiples, avec calculs sur les nombres.

**Exercice 19 (Fibonacci)** *Écrire, en mode interactif, la fonction de fibonacci définie par induction*

$$fib(n) = \begin{cases} 1 & \text{if } n = 0 \text{ ou } n = 1 \\ fib(n-1) + fib(n-2) & \text{otherwise} \end{cases}$$

Answer

*Fabriquer un exécutable qui prend son argument sur la ligne de commande.*

Answer □

**Exercice 20 (Nombres complexes)** *Définir un type `complex` pour représenter les nombres complexes en coordonnées cartésiennes (on choisira des coefficients flottants).*

Answer

*Définir l'addition `++` et la multiplication `**` sur les nombres complexes.*

Answer

*En déduire la calcul de  $(z_n) = (1 + i/10)^n$  et la valeur de  $z^{99}$ .*

Answer

*Donner le calcul à l'aide de la fonction `power` définie ci-dessus.*

Answer □

### Les bibliothèques

**Exercice 21 (Listes)** *Consulter la bibliothèque `List`.*

*Implémenter la fonction `length`*

Answer

*La fonction est-elle tail-réursive ? (Donner, le cas échéant, une version fonctionnelle (qui n'utilise pas de référence) en récursion terminale.*

Answer

*Implémenter la fonction `find`.*

Answer

*Implémenter d'autres fonctions de la bibliothèque...*

□

**Exercice 22** Consulter et comparer les bibliothèques `Array` et `String`.

On se propose de réimplémenter les opérations sur les tableaux en utilisant seulement les fonctions `length` et `make`.

Donner les opérations `get` et `set`.

Answer

Implémenter l'opération `init`

Answer

Implémenter l'opération `make_matrix`;;

Answer

Implémenter l'opération `blit` :

Answer

Comparer la bibliothèque `String` avec la bibliothèque `Array`. □

**Exercice 23 (Les bibliothèques)** Consulter la bibliothèque `Hashtbl`.

Implémenter (une version simplifiée du module) de ce module, en utilisant l'égalité générique comme comparaison. (On ne s'autorise que la fonction `hash` du module `Hashtbl`).

Pourquoi y a-t-il également une interface fonctionnelle ?

Answer

Donner un exemple d'utilisation de la version fonctorisée.

Answer □

## B Answers to exercises

### Exercice 1, page 17

—Il affiche les noms de fichiers du répertoire courant donc le nom se termine par `.ml`.

### Exercice 2, page 26

L'expression `f (x y)` est intrusive. Les autres sont équivalentes.

### Exercice 3, page 27

La seconde (dernière) expression retarde l'évaluation jusqu'à ce que le premier (les deux) argument(s) soi(ent) fourni(s). Cela peut aussi délaisser ou dupliquer certains calculs :

```
let f x = print_int x; fun y -> x + y;;
let test f = let f1 = f 1 in f1 2 + f1 3;;
test f;;
```

```
1- : int = 7
test (fun x y -> f x y);;
```

```
11- : int = 7
```

### Exercice 4, page 33

Exécuter le programme pour voir !

La troisième est imposée par la norme IEEE. (Notez que `compare nan nan` retourne bien 0.)

### Exercice 5, page 34

```
let last = Array.length Sys.argv - 1 in
let print_args first =
  (* no white space before the first argument *)
  if first <= last then print_string Sys.argv.(first);
  for i = first + 1 to last
  do print_char ' '; print_string Sys.argv.(i) done in
if last > 0 && Sys.argv.(1) = "-n" then print_args 2
else
  begin
    print_args 1;
    print_newline()
  end;;
```

## Exercice 6, page 36

```
_____ true.ml _____  
exit 0;;  
_____ true.ml _____  
_____ false.ml _____  
exit 1;;  
_____ false.ml _____
```

Pour les compiler :  
ocamlc -o true true.ml  
ocamlc -o false false.ml  
Pour les tester :  
./true; echo \$?  
./false; echo \$?

## Exercice 7, page 47

```
let rec print_double f x =  
  match x with  
  | Vide -> ()  
  | Gauche (x, d) -> f x; print_double f d  
  | Droite (d, x) -> print_double f d; f x;;  
print_double print_int d;;  
1234- : unit = ()
```

### Exercice 7 (continued)

```
let list_of_double l =  
  let d^e9j^e0_construite = ref [] in  
  let accumule x = d^e9j^e0_construite := x :: !d^e9j^e0_construite in  
  print_double accumule l;  
  List.rev !d^e9j^e0_construite;;  
let l = list_of_double d;;  
val l : int list = [1; 2; 3; 4]
```

### Exercice 7 (continued)

On utilise une fonction auxiliaire `d^e9double` qui prend en argument supplémentaire le morceau de (vraie) liste déjà construite.

```
let rec d^e9double d^e9j^e0_construite ^e0_d^e9doubler =  
  match ^e0_d^e9doubler with  
  | Vide -> d^e9j^e0_construite  
  | Gauche (h,t) -> h :: (d^e9double d^e9j^e0_construite t)  
  | Droite (t, h) -> d^e9double (h :: d^e9j^e0_construite) t;;  
  
let list_of_double l = d^e9double [] l;;  
let l = list_of_double d;;
```

## Exercice 8, page 54

La seule difficulté provient de la carte `Joker`, qui peut remplacer n'importe quelle autre carte. Un joker est compatibles avec deux cartes qui ne sont pas compatibles entre elles. La relation de compatibilité n'est donc pas une relation d'équivalence.

On définit la relation asymétrique binaire `rempla^e7able_par` : la carte `Roi` est remplaçable par la carte `Joker`, mais pas l'inverse.

```
let remplaçable_par x y =  
  match x, y with  
  | Carte u, Carte v -> u.figure = v.figure  
  | _, Joker -> true  
  | Joker, Carte _ -> false
```

```
let non_replacable_par x y = not (replacable_par y x);;
```

La fonction compatibles est définie par induction. Si la main est vide, l'ensemble des parties compatibles est vide. Si le premier élément de la main est un joker, alors les parties compatibles sont celles du reste de la main dans chacune desquelles il faut ajouter un joker. Sinon, le premier élément est une carte ordinaire : les parties compatibles sont d'une part l'ensemble des cartes compatibles avec celle-ci, et l'ensemble des parties compatibles avec les cartes qui ne sont pas compatibles avec celle-ci.

```
let rec compatibles carte =
  match carte with
  | Joker :: t ->
    List.map (fun p -> Joker::p) (compatibles t)
  | h :: t ->
    let found = h :: List.find_all (replacable_par h) t in
    let rest = compatibles (List.find_all (non_replacable_par h) t) in
    found :: rest
  | [] -> [];
```

### Exercise 8 (continued)

```
let carr^e9 main =
  List.exists (fun x -> List.length x >= 4) (compatibles main);;
```

### Exercise 1, page 54

```
let rec sigma f l =
  match l with
  | [] -> 0
  | x :: rest -> f x + sigma f rest;;
```

### Exercise 2, page 54

```
let rec pi f l =
  match l with
  | [] -> 1
  | x :: rest -> f x * pi f rest;;
```

### Exercise 3, page 55

```
let rec fold (oper : int -> int -> int) (x0 : int) f x =
  match x with
  | [] -> x0
  | h :: rest -> oper (f h) (fold oper x0 f rest);;
let fold (oper : int -> int -> int) (x0 : int) f =
  let rec aux x =
    match x with
    | [] -> x0
    | h :: rest -> oper (f h) (aux rest) in
  aux;
let sigma f l = fold ( + ) 0 f l;;
let pi f l = fold ( * ) 1 f l;;
```

### Exercise 4, page 55

```
let sigma f l = List.fold_right (fun x r -> (f x) + r) l 0;;
```

### Exercise 10, page 56

```
type 'a valeur = Trouve of 'a | Perdu
let rec cherche aiguille botte_de_paille =
  match p with
  | brin :: botte ->
```

```

        if aiguille brin then Trouve brin
        else cherche aiguille botte
    | [] -> Perdu
let k =
    match cherche (fun x -> fsx x = "Georges")
        [ "Louis", 14; "Georges", 5;] with
    | Trouve x -> x
    | Perdu -> 10

```

## Exercise 11, page 61

```

----- cat.ml -----
let echo chan =
    try while true do print_string (input_line chan); print_newline() done
    with End_of_file -> ();;

if Array.length Sys.argv <= 1 then echo stdin
else
    for i = 1 to Array.length Sys.argv - 1
    do
        let chan = open_in Sys.argv.(i) in
        echo chan;
        close_in chan
    done;;
----- cat.ml -----

```

## Exercise 12, page 61

```

----- grep.ml -----
let pattern =
    if Array.length Sys.argv < 2 then
        begin
            print_endline "Usage: grep REGEXP file1 .. file2";
            exit 1
        end
    else
        Str.regexp Sys.argv.(1);;

let process_line l =
    try let _ = Str.search_forward pattern l 0 in print_endline l
    with Not_found -> ()

let process_chan c =
    try while true do process_line (input_line c) done
    with End_of_file -> ();;

let process_file f =
    let c = open_in f in process_chan c; close_in c;;

let () =
    if Array.length Sys.argv > 2 then
        for i = 2 to Array.length Sys.argv - 1
        do process_file Sys.argv.(i) done
    else
        process_chan stdin;;
----- grep.ml -----

```

## Exercise 1, page 62

```

----- agrep.ml -----

```

```

(* On parse les arguments sur la ligne de commande
   en utilisant le module Arg *)

let split_string = ref "$";;
let set_split s = split_string := s;;

let pattern_string = ref None
let interactive = ref true
let files = ref []
let add_pattern_or_file s =
  match !pattern_string with
  | None -> pattern_string := Some s
  | _ -> files := s :: !files;;

let options =
  [ "-d", Arg.String set_split, "Set delimiter pattern"; ]
let usage = "Usage: grep [-d DELIMITER_STRING] REGEXP file1 .. fileN";;
let () = Arg.parse options add_pattern_or_file usage;;

let delim = Str.regexp !split_string
let pattern =
  match !pattern_string with
  | None -> print_endline usage; exit 1
  | Some s -> Str.regexp s

let matches regexp line =
  try let _ = Str.search_forward regexp line 0 in true
  with Not_found -> false;;

(* le traitement d'une region *)
let process_region lines =
  if List.exists (matches pattern) lines then
    begin
      List.iter print_endline (List.rev lines);
      flush stdout
    end;;

(* On accumule les lignes jusqu'a une ligne separatrice *)
let rec iter_region chan r =
  try
    let line = input_line chan in
    if matches delim line then
      (process_region r; iter_region chan [ line ])
    else iter_region chan (line :: r)
  with
  End_of_file -> process_region r;;

let process_chan chan = iter_region chan []

(* main *)
let () =
  match !files with
  | [] ->
    process_chan stdin
  | l ->
    let process file =
      Printf.printf "<<%d>>\n"
        (match !pattern_string with Some s -> Char.code s.[2] | _ -> 0);
      let c = open_in file in
      process_chan c;
      close_in c in
    List.iter process l;;

```

**Exercise 1 (continued)**

Une solution simple consiste redéfinir la fonction `process_region` :

```
let process_region lines =
  let region = String.concat "\n" (List.rev lines) in
  if matches pattern region then
    begin
      print_endline region;
      flush stdout
    end;;
```

**Exercise 1 (continued)**

C'est plus embêtant, sauf à abandonner le mode incrémental (on peut alors lire tout le fichier dans une chaîne de caractères dans un premier temps) ou à imposer une limitation sur le nombre de caractères ou de retours à la ligne filtrés par le délimiteur.

**Exercise 14, page 64**

```
open Sigma
let last = Array.length Sys.argv - 1;;
if last < 1 then exit 0;;
match Sys.argv.(1) with
| "-carre" ->
  let f x = let n = int_of_string x in n * n in
  print_int (sigma f Sys.argv 2 last)
| "-moyenne" ->
  let r = sigma int_of_string Sys.argv 2 last in
  print_float (float r /. float (Array.length Sys.argv - 2))
| _ ->
  print_int (sigma int_of_string Sys.argv 1 last)
;;
print_newline();;
% ocamlc -o calculette calculette.ml
% calculette -carre 1 2 3 4 5 6
91
```

**Exercise 14 (continued)**

```
----- sigma.ml -----
let sigma f t j k =
  let y = ref 0 in
  for i = j to k do y := !y + f t.(i) done;
  !y;;
```

```
----- sigma.ml -----
```

```
----- sigma.mli -----
val sigma : ('a -> int) -> 'a array -> int -> int -> int
----- sigma.mli -----
```

```
----- calculette.ml -----
open Sigma
let last = Array.length Sys.argv - 1;;
if last < 1 then exit 0;;
match Sys.argv.(1) with
```

```

| "-carre" ->
  let f x = let n = int_of_string x in n * n in
  print_int (sigma f Sys.argv 2 last)
| "-moyenne" ->
  let r = sigma int_of_string Sys.argv 2 last in
  print_float (float r /. float (Array.length Sys.argv - 2))
| _ ->
  print_int (sigma int_of_string Sys.argv 1 last)
;;
print_newline();;

```

---

*calcullette.ml*

## Exercise 14 (continued)

Makefile

## Exercise 15, page 65

---

```

type counts = {
  mutable chars : int;
  mutable lines : int;
  mutable words : int;
};;

let wc_count = {chars = 0; lines = 0; words = 0};;
let wc_count_total = {chars = 0; lines = 0; words = 0};;

let reset_count () =
  wc_count.chars <- 0;
  wc_count.lines <- 0;
  wc_count.words <- 0;;

let cumulate () =
  wc_count_total.chars <- wc_count_total.chars + wc_count.chars;
  wc_count_total.lines <- wc_count_total.lines + wc_count.lines;
  wc_count_total.words <- wc_count_total.words + wc_count.words;;

let rec counter ic iw =
  let c = input_char ic in
  wc_count.chars <- wc_count.chars + 1;
  match c with
  | ' ' | '\t' ->
    if iw then wc_count.words <- wc_count.words + 1 else ();
    counter ic false
  | '\n' ->
    wc_count.lines <- wc_count.lines + 1;
    if iw then wc_count.words <- wc_count.words + 1 else ();
    counter ic false
  | c ->
    counter ic true;;

let count_channel ic =
  reset_count ();
  try counter ic false with
  | End_of_file -> cumulate (); close_in ic;;

let output_results s wc =
  Printf.printf "%7d%8d%9d %s\n" wc.lines wc.words wc.chars s
;;

```

```

let count_file file_name =
  try
    let ic = open_in file_name in
      count_channel ic;
      output_results file_name wc_count;
  with Sys_error s -> print_string s; print_newline(); exit 2
;;

let main () =
  let nb_files = Array.length Sys.argv - 1 in
  if nb_files > 0 then
    begin
      for i = 1 to nb_files do
        count_file Sys.argv.(i)
      done;
      if nb_files > 1 then output_results "total" wc_count_total;
    end
  else
    begin
      count_channel stdin;
      output_results "" wc_count;
    end;
  exit 0;;

main();;

```

---

*wc.ml*

## Exercise 16, page 74

La fonction `ifz` évalue ses deux arguments (de plus l'ordre d'évaluation n'est pas déterminé). Il faudrait que ses arguments soient systématiquement gelés, donc passés comme des fonctions de type `unit -> 'a`.

```

let ifz n sioui sinon = if n = 0 then sioui() else sinon();;
ifz 3 (fun() -> print_string "oui") (fun() -> print_string "non");;

```

## Exercise 17, page 75

```

let next x =
  match !x with
  | Nil -> failwith "next"
  | Cons (h,t) -> h, t
  | Exception x -> raise x
  | Frozen f ->
    try let h, t as ht = f() in x := Cons (h, t); ht
    with exn -> x := Exception exn; raise exn;;

let hd x = fst (next x);;
let tl x = snd (next x);;

let rec nth l n =
  if n < 0 then failwith "nth"
  else if n = 0 then hd l
  else nth (tl l) (pred n);;

```

## Exercise 17 (continued)

```

let nil = ref Nil
let cons x t : 'a stream = ref (Cons (x, t))
let freeze f : 'a stream = ref (Frozen f);;

```

### Exercise 17 (continued)

```
let entiers_pair = let rec s n = freeze (fun () -> n, s (n + 2)) in s 0;;
nth entiers_pair 3;;
```

### Exercise 17 (continued)

```
let rec filter f s =
  let rec first s =
    let h, t = next s in
    if f h then h, filter f t else first t in
  freeze (fun () -> first s);;
let entiers = let rec s n = freeze (fun () -> n, s (n + 1)) in s 0;;
let entiers_pairs = filter (fun x -> x mod 2 = 0) entiers;;
nth entiers 3;;
nth entiers_pairs 3;;
```

### Exercise 17 (continued)

```
let rec crible s =
  let rec first s =
    let h, t = next s in
    let t' = filter (fun x -> x mod h <> 0) t in
    h, crible t' in
  freeze (fun () -> first s);;

let premiers = crible (tl (tl entiers));;
nth premiers 100;;
```

### Exercise 18, page 101

---

```
polynome.mli
(* la structure d'anneau *)
module type ANNEAU =
  sig
    type t (* type des éléments de l'anneau *)
    val zéro : t
    val unité : t
    val plus : t -> t -> t
    val mult : t -> t -> t
    val equal : t -> t -> bool
    val print : t -> unit
  end
;;

(* la structure d'anneau sur des valeurs de type t *)
module type POLYNOME =
  sig
    type c (* type des coefficients *)
    type t (* type des polynômes *)
    val zéro : t
    val unité : t
    (* unité pour le produit des polynôme.
       Superflue, car c'est un cas particulier de monôme, mais cela
       permet à la structure de polynôme d'être une superstructure de
       celles des anneaux *)
    val monôme : c -> int -> t
    (* monôme a k retourne le monôme a X^k *)
    val plus : t -> t -> t
    val mult : t -> t -> t
    val equal : t -> t -> bool
  end
```

```

    val print : t -> unit
    val eval : t -> c -> c
end
;;

(* Le fonction qui étant donné une structure d'anneau retourne une structure
de polynôme. Il faut faire attention à réexporter le types des coefficients
de façon partiellement abstraite afin que les opérations sur les coefficients
des polynômes puissent être manipulés de l'extérieur *)

module Make (A : ANNEAU) : (POLYNOME with type c = A.t)
;;

```

---

```

polynome.mli

```

---

```

polynome.ml

```

```

(* la structure d'anneau *)
module type ANNEAU =
  sig
    type t
    val zéro : t
    val unité : t
    val plus : t -> t -> t
    val mult : t -> t -> t
    val equal : t -> t -> bool
    val print : t -> unit
  end
;;

(* la structure d'anneau sur des valeurs de type t *)
module type POLYNOME =
  sig
    type c
    type t
    val zéro : t
    val unité : t
    val monôme : c -> int -> t
    val plus : t -> t -> t
    val mult : t -> t -> t
    val equal : t -> t -> bool
    val print : t -> unit
    val eval : t -> c -> c
  end
;;

module Make (A : ANNEAU) =
  struct
    type c = A.t

    (* un monome est un coeficient et une puissance *)
    type monôme = (c * int)
    (* un polynome est une liste de monomes triés par rapport au puissance *)

    (* il est essentiel de préserver cet invariant dans le code ci-dessous *)
    type t = monôme list

    (* pour que la représentation soit canonique, on élimine aussi
    les coeficients nuls, en particulier le monome nul est la liste vide *)
    let zéro = []
  end

```

```

(* on peut donc (grâce à l'invariant utiliser l'égalité générique *)
let rec equal p1 p2 =
  match p1, p2 with
  | [], [] -> true
  | (a1, k1)::q1, (a2, k2)::q2 -> k1 = k2 && A.equal a1 a2 && equal q1 q2
  | _ -> false

(* création d'un monôme *)
let monôme a k =
  if k < 0 then failwith "monôme: exposant négatif"
  else if A.equal a A.zéro then [] else [a, k]

(* un cas particulier l'unité *)
let unité = [A.unité, 0]

(* attention à respecter l'invariant et ordonner les monômes *)
let rec plus u v =
  match u, v with
  (x1, k1)::r1 as p1, ((x2, k2)::r2 as p2) ->
    if k1 < k2 then
      (x1, k1)::(plus r1 p2)
    else if k1 = k2 then
      let x = A.plus x1 x2 in
      if A.equal x A.zéro then plus r1 r2
      else (A.plus x1 x2, k1)::(plus r1 r2)
    else
      (x2, k2)::(plus p1 r2)
  | [], _ -> v
  | _ , [] -> u

(* on pourrait faire beaucoup mieux pour éviter de recalculer les
puissances de $k$, soit directement, soit en utilisant une
mémo-fonction *)

let rec fois (a, k) = (* on suppose a <> zéro *)
  function
  | [] -> []
  | (a1, k1)::q ->
    let a2 = A.mult a a1 in
    if A.equal a2 A.zéro then fois (a,k) q
    else (a2, k + k1) :: fois (a,k) q

let mult p = List.fold_left (fun r m -> plus r (fois m p)) zéro

(* une impression grossière *)
let print p =
  List.iter
    (fun (a,k) ->
      Printf.printf "+ (";
      A.print a;
      Printf.printf ") X^%d " k)
    p

(* Puissance c^k, c un coefficient, k un entier >= 0. Par dichotomie. *)
let rec puis c = function
  | 0 -> A.unité
  | 1 -> c
  | k ->
    let l = puis c (k lsr 1) in
    let l2 = A.mult l l in
    if k land 1 = 0 then l2 else A.mult c l2

let eval p c = match List.rev p with

```

```

| [] -> A.zéro
| (h::t) ->
  let (* Réduire deux monômes en un. NB: on a k >= l. *)
    dmeu (a, k) (b, l) =
      A.plus (A.mult (puis c (k-1)) a) b, l
  in
  let a, k = List.fold_left dmeu h t in
  A.mult (puis c k) a

end
;;

```

---

*polynome.ml*

---

### Exercise 18 (continued)

```

(* pour charger le fichier compilé polynome.cmo dans le mode interactif *)

#load "polynome.cmo";;
open Polynome;;

(* l'anneau des entiers *)
module I =
  struct
    type t = int
    let zéro = 0
    let unité = 1
    let plus = ( + )
    let mult = ( * )
    let equal = ( = )
    let print = print_int
  end;;

(* les polynômes à coefficients entiers *)
module X = Make (I);;

let xm = X.monôme;;
let p = X.mult (X.plus (xm 1 0) (xm 1 1)) (X.plus (xm 1 0) (xm (-1) 1));;
let q = X.plus (xm 1 0) (xm (-1) 2);;
X.equal p q;;

module Y = Make (X);;

let ym = Y.monôme;;
let x = ym (xm 1 1) 0;;          (* (1 X^1) Y^0 *)
let y = ym (xm 1 0) 1;;        (* (1 X^0) Y^1 *)
let moins_unité = ym (xm (-1) 0) 0;;  (* ((-1) X^0) Y^0 *)
let moins p q = Y.plus p (Y.mult moins_unité q);;

let p = Y.mult (Y.plus x y) (moins x y);;
let q = moins (Y.mult x x) (Y.mult y y);;

Y.equal p q;;
Y.print p;;

```

---

*polytest.ml*

---

## Exercise 18 (continued)

```
poly.ml
open Polynome

module I =
  struct
    type t = int
    let zéro = 0
    let unité = 1
    let plus = ( + )
    let mult = ( * )
    let equal = ( = )
    let print = print_int
  end;;
module Xi = Make (I);;

let poly t =
  Array.fold_left
    (fun r (s, k) -> Xi.plus (Xi.monôme (int_of_string s) k) r)
    Xi.zéro
    (Array.mapi (fun i x -> (x, i)) t)
  ;;

let suffix t k = Array.sub t k (Array.length t - k);;

let main () =
  let écho, k =
    if Array.length Sys.argv > 1 && Sys.argv.(1) = "-v" then true, 2
    else false, 1 in
  let t = suffix Sys.argv k in
  let p = poly t in
  let print_eval x =
    if écho then Printf.printf "P(%d) = " x;
    print_int (Xi.eval p x); print_newline() in
  if écho then (print_string "P = "; Xi.print p; print_newline());
  while true do print_eval (int_of_string (read_line())) done
  ;;

try main() with End_of_file -> ();;
```

```
poly.ml
Unix Shell
ocamlc -o poly polynome.mli polynome.ml poly.ml
./poly 1 2 1 << END
0
1
2
3
END
Unix Shell
```

## Exercise 19, page 54

```
let rec fib n = if n > 1 then fib(n-1) + fib (n-2) else 1;;
```

## Exercise 19 (continued)

```
let rec fib n = if n > 1 then fib(n-1) + fib (n-2) else 1;;

let _ =
```

```

if Array.length Sys.argv > 1
then
  try
    let n = int_of_string Sys.argv.(1) in
    print_int (fib n);
    print_newline()
  with Invalid_argument _ ->
    prerr_string "Expect one argument";
    prerr_newline();
    exit 1
else
  begin
    prerr_string "Argument should be an integer";
    prerr_newline();
    exit 1
  end
end
;;

```

### Exercise 20, page 54

```

type complex = { r : float; i : float };;

```

### Exercise 20 (continued)

```

let ( ++ ) x y = { r = x.r +. y.r; i = x.i +. y.i }
and ( ** ) x y =
  { r = x.r *. y.r -. x.i *. y.i; i = x.r *. y.i +. x.i *. y.r };;

```

### Exercise 20 (continued)

```

let unit = { r = 1.; i = 0. } and z0 = {r = 1.; i = 0.1}
let rec z n = if n = 0 then unit else z (n-1) ** z0;;
z 99;;

```

### Exercise 20 (continued)

```

let z' n = power ( ( ** ) z0 ) n unit;;
z' 99;;

```

### Exercise 21, page 54

```

let rec length l =
  match l with
  h::t -> succ (length t)
  | [] -> 0;;

```

### Exercise 21 (continued)

Non, car au retour, il faut ajouter un à la valeur rendue par l'appel récursif.

```

let length_fun l =
  let rec length n l =
    match l with
    h::t -> length (succ n) t
    | [] -> n in
  length 0 l;;

```

### Exercise 21 (continued)

```

let rec find f l =
  match l with
  h::t -> if f h then h else find f t
  | [] -> raise Not_found;;

```

## Exercise 22, page 55

```
let get s n = s.(n);;  
let set s n c = s.(n) <- c;;
```

### Exercise 22 (continued)

```
let init n f =  
  if n = 0 then [||]  
  else  
    begin  
      let a = Array.make n (f 0) in  
      for i = 1 to n-1 do a.(i) <- f i done;  
      a  
    end;;
```

### Exercise 22 (continued)

```
let make_matrix x y e =  
  if x < 1 || y < 1 then raise (Invalid_argument "make_matrix")  
  else init x (fun _ -> Array.make y e);;
```

### Exercise 22 (continued)

```
let blit src src_pos dst dst_pos len =  
  if  
    src_pos + len > Array.length src ||  
    dst_pos + len > Array.length dst ||  
    src_pos < 0 ||  
    dst_pos < 0  
  then raise (Invalid_argument "blit")  
  else for i = 0 to len-1 do dst.(dst_pos + i) <- src.(src_pos + i) done;;
```

## Exercise 23, page 55

La version par défaut utilise l'égalité générique sur les clés. Il est parfois (voir souvent) nécessaire d'utiliser une fonction comparaison appropriée. On fabrique alors une nouvelle version des table de hash en passant sa propre fonction de comparaison dans une petite structure.

### Exercise 23 (continued)

Une structure de donnée dont les clés contiennent un champ mutable. Il faut alors définir une fonctions de comparaison spécialisée qui ne prend pas en compte le champ mutable.